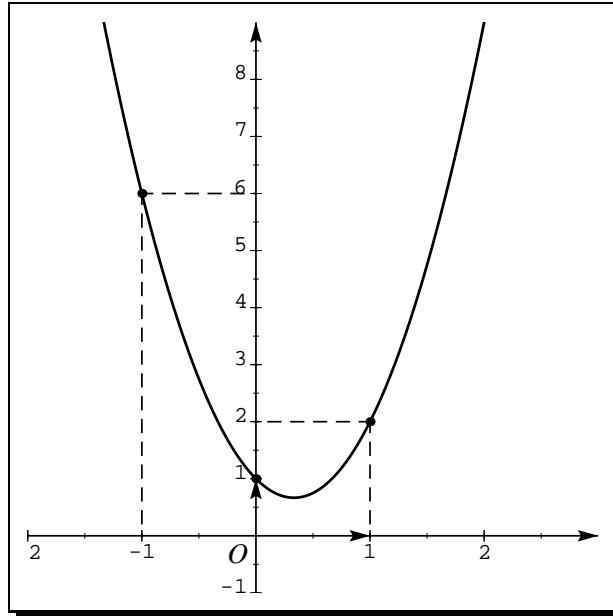


# Courbes de fonctions numériques

## Exercice 1 : Recherche de coefficients indéterminés, intersection et positions relatives de deux courbes

La courbe  $C_f$  ci-dessous est la courbe représentative d'une fonction polynôme  $f$  du second degré, c'est à dire d'une fonction  $f$  du type  $f(x) = ax^2 + bx + c$ .



1. a) Lire sur le graphique les valeurs de  $f(-1)$ ,  $f(0)$  et  $f(1)$ .  
b) En déduire les valeurs de  $a$ ,  $b$  et  $c$ .
2. Soit  $g$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $g(x) = -2x + 4$ . Tracer  $C_g$ , la courbe représentative de la fonction  $g$ , sur la figure ci-dessus.
3. a) Résoudre graphiquement l'équation  $f(x) = g(x)$ .  
b) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \leq g(x)$ .
4. a) Déterminer, par le calcul, le ou les points d'intersection des courbes  $C_f$  et  $C_g$ .  
b) Étudier, par le calcul, les positions relatives des courbes  $C_f$  et  $C_g$ . (Autrement dit, déterminer par le calcul la réponse à la question « Quand la courbe  $C_f$  est-elle au-dessus de  $C_g$ , et quand est-elle en dessous ? »)

## Exercice 2 : Résolution approchée d'équation

On considère l'équation  $(E) : x^3 + x + 1 = 0$ .

Le but de cet exercice est de déterminer si cette équation admet des solutions sur  $\mathbb{R}$ , et d'en donner des valeurs approchées le cas échéant.

On introduit la fonction  $f$ , définie pour tout  $x \in \mathbb{R}$  par  $f(x) = x^3 + x + 1$ , et on admet que cette fonction est croissante sur  $\mathbb{R}$ .

1. Calculer  $f(x)$  pour quelques valeurs de  $x$ , puis donner, en le justifiant, le nombre de solutions de l'équation  $(E)$  sur  $\mathbb{R}$ .
2. Soit  $\tilde{x}$ , la solution de l'équation  $(E)$  qui est dans l'intervalle  $[-3; 3]$ .  
a) Donner, en le justifiant, un encadrement de  $\tilde{x}$  d'amplitude  $10^{-1}$ .  
b) Donner, en le justifiant, un encadrement de  $\tilde{x}$  d'amplitude  $10^{-2}$ .